

1	(1)	$4\frac{3}{8}$	(2)	$2\frac{2}{3}$	(3)	$13\frac{1}{4}$
---	-----	----------------	-----	----------------	-----	-----------------

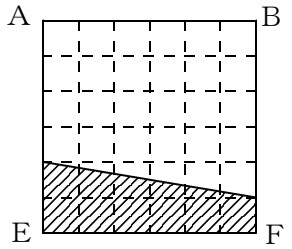
2	(1)	84 (点)	(2)	8	(3)	16	(4)	29 (個)
	(5)	250 (cm <sup>3</sup> )	(6)	$\frac{2}{21}$ (倍)	(7) ①	60 (度)	(7) ②	147.36 (cm <sup>2</sup> )

3	(1)	45 日	(2)	5, 6 日間
---	-----	------	-----	---------

4	(1)	1440 m	(2)	7920 m
---	-----	--------	-----	--------

5	(1)	111	(2)	1980 個
---	-----	-----	-----	--------

6	(1)	12 cm	(2)	7 cm	(3)	$1\frac{1}{12}$ cm
---	-----	-------	-----	------	-----	--------------------

7	(1)		(2)	48 cm <sup>2</sup>	(3)	$18\frac{6}{37}$ cm <sup>2</sup>
---	-----	---	-----	--------------------	-----	----------------------------------

(配点)

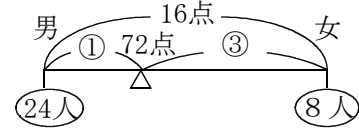
②: 各5点×8

その他; 各4点×15

③(2); 完答・順不同

1 (3)  $(①-2) \times 3 = (20-①) \times 5 \rightarrow ③-6 = 100-⑤ \rightarrow ⑧=106$   
 よって、 $①=106 \div 8 = 13\frac{1}{4}$

2 (1) 右のようになびんとなる。  
 $①+③=④=16$ (点)  $③=16 \times \frac{3}{4}=12$ (点)  
 よって、 $72+12=84$ (点)

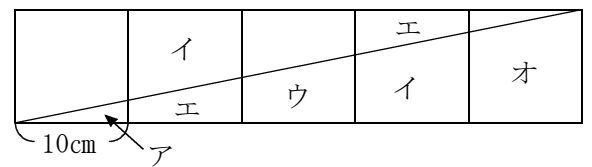


(2)  $A \div B = 5$  余り 3  $B \div C = 7$  余り 4  
 $C = ①$  とすると、 $B = ① \times 7 + 4 = ⑦ + 4$   $A = (⑦ + 4) \times 5 + 3 = ③⑤ + 23$   
 $A - C = ③⑤ + 23 - ① = ③④ + 23 = 295$  より、 $① = (295 - 23) \div 34 = 8$

(3)  $x$  と  $y$  は積一定、 $y$  と  $z$  は商一定。  
 $x \times y = 20 \times 8 = 160$   $y \div z = 8 \div 4 = 2$   
 これより、 $x = 5$  のとき、 $y = 160 \div 5 = 32$   $z = 32 \div 2 = 16$

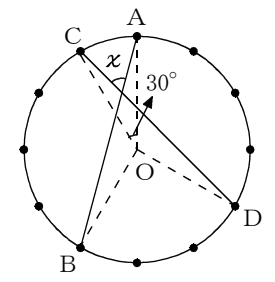
(4)  $\left. \begin{array}{l} 5 \text{ で割って } 3 \text{ 余り} \\ 7 \text{ で割って } 6 \text{ 余り} \end{array} \right\} 35 \text{ で割って } 13 \text{ 余り}$   
 $(999 - 13) \div 35 = 28$  余り 6 よって、 $28 + 1 = 29$ (個)

(5) 対称性を利用する。  
 ア、イ、ウ、エ、オの合計は、  
 底辺が50cm、高さが10cmの三  
 角形の面積となる。  
 よって、 $50 \times 10 \div 2 = 250$ ( $\text{cm}^2$ )



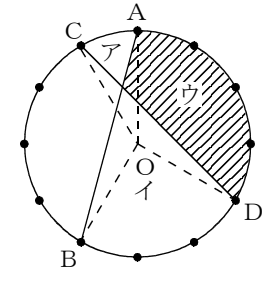
(6) 三角形ABCの面積を1とすると、  
 三角形ABD =  $1 \times \frac{2}{2+1} = \frac{2}{3}$  三角形AFD =  $\frac{2}{3} \times \frac{2+2}{3+2+2} = \frac{8}{21}$   
 三角形EFG =  $\frac{8}{21} \times \frac{1}{1+1} \times \frac{2}{2+2} = \frac{2}{21}$  よって、 $\frac{2}{21}$ 倍。

(7) 中心Oと結ぶ補助線を右図のように引く。  
 $(180 - 150) \div 2 = 15$ (度)  $\cdots$  角OAB, 角OCD  
 よって、 $x = 30 + 15 \times 2 = 60$ (度)  $\cdots$  ①



問題の網目部分の面積をア、イとする。  
 ア、イそれぞれに右の斜線部分ウの面積をつけたして考える。

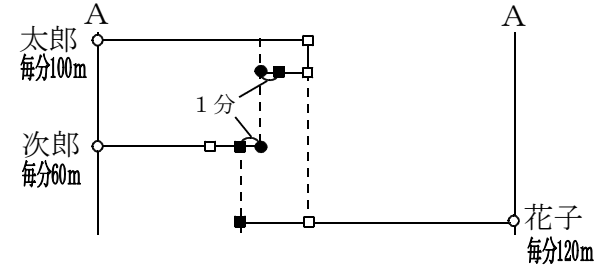
ア+ウ=おうぎ形OCAD-三角形OCD  
 $= 12 \times 12 \times \pi \times \frac{150}{360} - 12 \times 12 \div 4 = 60 \times \pi - 36$ ( $\text{cm}^2$ )  
 イ+ウ=おうぎ形OADB+三角形OAB  
 $= 12 \times 12 \times \pi \times \frac{210}{360} + 12 \times 12 \div 4 = 84 \times \pi + 36$ ( $\text{cm}^2$ )  
 よって、 $84 \times \pi + 36 - (60 \times \pi - 36) = 24 \times \pi + 72 = 147.36$ ( $\text{cm}^2$ )  $\cdots$  ②



3 (1) 全体の仕事量をLCM(36, 20)=180とする。  
 $A = 180 \div 36 = 5$ (/日)  $A + B = 180 \div 20 = 9$ (/日)  
 これより、 $B = 9 - 5 = 4$ (/日) よって、 $180 \div 4 = 45$ (日)

(2) 23日目に仕上がるので、22日目までの仕事量は、  
 $180 - 9 = 171$ (以上)、 $180 - 1 = 179$ (以下)  
 Bが休まなければ、仕事量は $9 \times 22 = 198$   
 これより、Bが仕事をしなかった日数は  
 $(198 - 179) \div 4 = 4.75$ (日以上)  
 $(198 - 171) \div 4 = 6.75$ (日以下)となるので、5日間、6日間。

4 (1) 線分図をかくと右の通りとなる。  
 太郎の■と次郎の■の間のきよ  
 りは、 $(100 + 60) \times 1 = 160$ (m)  
 これは、太郎と花子の□→■で  
 ついた差となる。  
 $160 \div (120 - 100) = 8$ (分)  
 $\cdots$  □→■  
 よって、 $(60 + 120) \times 8 = 1440$ (m)



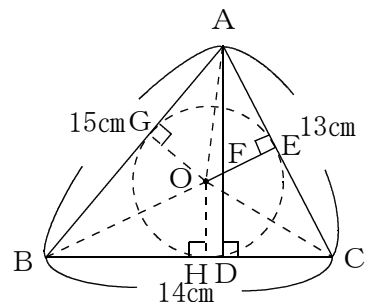
(2) 1440mは○→□での太郎と次郎の差となる。  
 $1440 \div (100 - 60) = 36$ (分)  $\cdots$  ○→□  
 よって、池のまわりの長さは、 $(100 + 120) \times 36 = 7920$ (m)

5

- (1) 右のように、各段の最後に平方数を付け加えると、0から整数が並んでいる。
- |     |                              |
|-----|------------------------------|
| 1段目 | 0 (1)                        |
| 2段目 | 2 3 (4)                      |
| 3段目 | 5 6 7 8 (9)                  |
| 4段目 | 10 11 12 13 14 15 (16)       |
| 5段目 | 17 18 19 20 21 22 23 24 (25) |
| ⋮   | ⋮ ⋮ ⋮ ⋮ ⋮ ⋮ ⋮ ⋮              |
- よって、11段目の11番目の数は、 $10 \times 10 + 11 = 111$
- (2)  $100 \times 100 = 10000$ までに5の倍数は、 $10000 \div 5 = 2000$ (個)あるが、このうち、平方数がなくなっている。  
平方数のうち5の倍数は、5段目( $5 \times 5$ )、10段目( $10 \times 10$ )、15段目( $15 \times 15$ )  
⋯、100段目( $100 \times 100$ )の、 $100 \div 5 = 20$ (個)あるので、 $2000 - 20 = 1980$ (個)

6

- (1)  $84 \times 2 \div 14 = 12$ (cm)
- (2) 内接円と辺ABが接する点をG、辺BCと接する点をHとすると、 $AE = AG$ 、 $BG = BH$ 、 $CH = CE$ となる。  
 $AE = AG = \text{ア}$ 、 $BG = BH = \text{イ}$ 、 $CH = CE = \text{ウ}$ とすると、  
 $\text{ア} + \text{イ} = 15$ (cm)、 $\text{イ} + \text{ウ} = 14$ (cm)、 $\text{ア} + \text{ウ} = 13$ (cm)  
よって、 $AE = \text{ア} = (15 + 13 - 14) \div 2 = 7$ (cm)
- (3) 内接円の半径(OE)は、 $84 \times 2 \div (13 + 15 + 14) = 4$ (cm)  
三角形ADCと三角形AEFは相似。  
(2)より、 $AE = 7$ (cm)  $EF = 7 \times \frac{5}{12} = \frac{35}{12}$ (cm)  
よって、 $OF = 4 - \frac{35}{12} = 1\frac{1}{12}$ (cm)



7

- (1)  $72 \div 12 = 6$ (辺)  $12 \div 6 = 2$ (cm)  
直角三角形の高さは、立方体の各面を通過するごとに2cm低くなっていく。  
よって、面AEFBにおいて、紙が2重になっている部分は右の通りとなる。
- (2) 面BFGCについても考える。  
右の図のようになるので、(1)と合わせて考えると、紙が2重になっている部分は、底辺が24cm、高さが4cmの直角三角形となる。  
よって、 $24 \times 4 \div 2 = 48$ (cm<sup>2</sup>)
- (3) 紙が3重になる部分は、面BFGCのみ。  
面BFGCについては、イが巻き付けられるので、作図をすると、右の通りとなる。  
 $2 \times \frac{1}{6} = \frac{1}{3}$ (cm)  $\frac{1}{3} : 12 = 1 : 36$   
よって、斜線部分の面積は、  
ウ...  $2 \times 12 \div 2 \times \frac{1}{37} \times \frac{5 \times 5 - 1 \times 1}{1 \times 1} = 7\frac{29}{37}$ (cm<sup>2</sup>)  
エ...  $2 \times 12 \div 2 \times \frac{36}{37} \times \frac{3 \times 3 - 1 \times 1}{3 \times 3} = 10\frac{14}{37}$ (cm<sup>2</sup>)  
よって、 $7\frac{29}{37} + 10\frac{14}{37} = 18\frac{6}{37}$ (cm<sup>2</sup>)

