

解答らん

| | | | | | | | | |
|---|-----|----------------|-----|------------------------------------|-----|-----------------------|-----|----------|
| 1 | (1) | $2\frac{1}{3}$ | (2) | $\frac{3}{22}$ | (3) | 71 | (4) | 880 (日間) |
| | (5) | 132 (g) | (6) | $9\frac{9}{13}$ (cm ²) | (7) | 99 (cm ²) | (8) | 26 (種類) |

| | | | | |
|---|-----|----------------|-----|-----------------|
| 2 | (1) | $\frac{6}{11}$ | (2) | $\frac{13}{16}$ |
|---|-----|----------------|-----|-----------------|

| | | | | |
|---|-----|-----|-----|------|
| 3 | (1) | 3 人 | (2) | 14 人 |
|---|-----|-----|-----|------|

| | | | | |
|---|-----|--------------------|-----|-------------------|
| 4 | (1) | 12 cm ³ | (2) | 6 cm ³ |
|---|-----|--------------------|-----|-------------------|

| | | | | |
|---|-----|------|-----|------|
| 5 | (1) | 24 個 | (2) | 68 個 |
|---|-----|------|-----|------|

6 (解き方)

解説参照

| | |
|-----|--------------------|
| (1) | 24 cm ² |
| (2) | 3 : 4 |

7 (解き方)

解説参照

| | |
|-----|------------|
| (1) | 午前 8 時 6 分 |
| (2) | 午前 9 時 8 分 |

①(3) 一番小さい奇数を□とすると、5つの連続する奇数は、
 $\square, \square+2, \square+4, \square+6, \square+8$ となる。
 $\square \times 5 + 20 = 375 \quad \square \times 5 = 355 \quad \square = 71$

(4) 2019年5月1日から2021年4月30日までは、
 $366 + 365 = 731$ (日間) $9/26 = 8/57 = 7/88 = 6/118 = 5/149$
 よって、2019年5月1日から2021年9月26日までは、
 $731 + 149 = 880$ (日間)

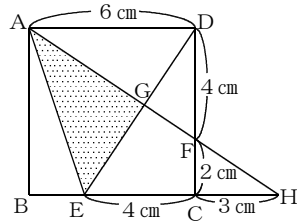
(5) 12g 移したので、重さの差は $12 \times 2 = 24$ (g)になる。

$$24 \times \frac{1}{3-1} = 12 \text{ (g)} \cdots A \text{ に入っている水の量}$$

$$24 \times \frac{6}{7-6} = 144 \text{ (g)} \cdots A \text{ 全体の重さ}$$

$$144 - 12 = 132 \text{ (g)} \cdots \text{コップの重さ}$$

(6) 右の図のように、AF、BCをのばし、交点をHとする。三角形AFDと三角形HFCは相似。相似比は、 $4 : 2 = 2 : 1$

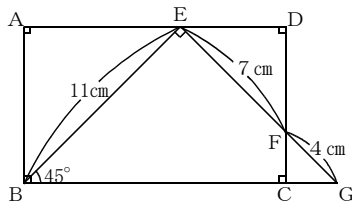


$$6 \times \frac{1}{2} = 3 \text{ (cm)} \cdots CH$$

三角形AGDと三角形HGEは相似。相似比は、 $6 : 7$ 。
 $DG : EG = 6 : 7$ 三角形AEDは、 $6 \times 6 \div 2 = 18$ (cm^2)

$$18 \times \frac{7}{6+7} = 9 \frac{9}{13} \text{ (cm}^2\text{)}$$

(7) 右の図のようにEFとBCを延長し、交点をGとする。直角二等辺三角形ABE、DEF、EBGを足して、CGFを引く。



$$11 \times 5.5 \div 2 + 7 \times 3.5 \div 2 + 11 \times 11 \div 2 - 4 \times 2 \div 2 = 99 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(8) 10円玉2枚で作れる金額は、0円、10円、20円の3種類。
 100円玉3枚と50円玉2枚で作れる金額は、0円、50円…、400円の9種類。
 よって作れる金額は、 $3 \times 9 - \frac{1}{0 \text{ 円}} = 26$ (種類)

②(1) ① ② ③ ④
 $\frac{1}{2} / \frac{2}{3}, \frac{1}{3} / \frac{3}{4}, \frac{2}{4}, \frac{1}{4} / \frac{4}{5}, \frac{3}{5}, \frac{2}{5}, \frac{1}{5} / \frac{5}{6}, \dots$
 上のように分数をグループに分ける。
 $50 = 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 5$
 \rightarrow ⑩グループの5番目 $\rightarrow \frac{6}{11}$

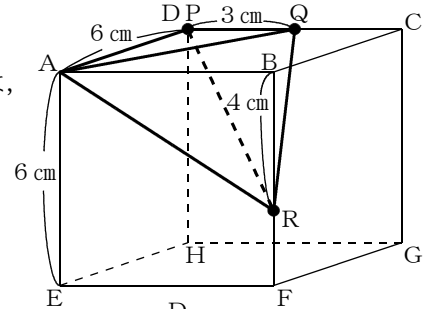
(2) $120 = 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 11 + 12 + 13 + 14 + 15$
 \rightarrow ⑮グループまで
 大きい方から3つの数をかけ合わせると、
 $\frac{15}{16} \times \frac{14}{15} \times \frac{13}{14} = \frac{13}{16}$

③(1) 男子 女子
 $7, 7, \dots, 7 \mid 7, 7, \dots, 7$ 7個余り …①
 $8, 8, \dots, 8 \mid 6, 6, \dots, 6$ 4個余り …②
 $4, 4, \dots, 4 \mid 3, 3, \dots, 3$ 93個余り …③
 男子の人数を□人、女子の人数を△人とする。②は①と比べて、男子で $1 \times \square$ 個増え、女子で $1 \times \triangle$ 個減り、全体で $7 - 4 = 3$ (個) 増えている。□と△の差は、 $3 \div 1 = 3$ (人)

(2) ②と③の差より、 $4 \times \square + 3 \times \triangle = 93 - 4 = 89$ (個)
 $89 + 93 = 182$ (個) …全体 $(182 - 7) \div 7 = 25$ (人) …全員
 $(25 + 3) \div 2 = 14$ (人) …男子

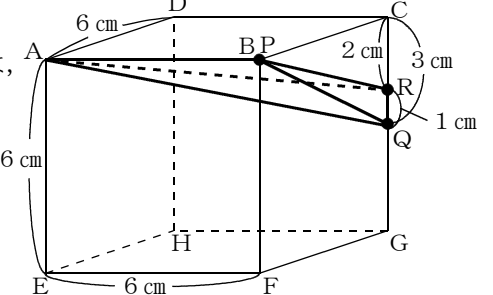
④(1) 7秒後の図は右のようになる。求める立体は、太線の三角すい。

$$6 \times 3 \div 2 \times 4 \times \frac{1}{3} = 12 \text{ (cm}^3\text{)}$$



(2) 25秒後の図は右のようになる。求める立体は、太線の三角すい。

$$1 \times 6 \div 2 \times 6 \times \frac{1}{3} = 6 \text{ (cm}^3\text{)}$$



⑤(1) $3 \square \triangle$ とする。 $\square + \triangle$ が3の倍数。 \square と \triangle の組み合わせは、1, 4, 7から1つと2, 5, 8から1つを選ぶパターンと、0, 6, 9から2つを選ぶパターン。
 $3 \times 3 \times 2 + 3 \times 2 = 24$ (個)

(2) $\square 3 \triangle$ のとき。 \square と \triangle の組み合わせは、1, 4, 7から1つと2, 5, 8から1つを選ぶパターンと、0, 6, 9から2つを選ぶパターン(\square に0は使えない)。
 $3 \times 3 \times 2 + 2 \times 2 = 22$ (個)
 $\square \triangle 3$ のときは、 $\square 3 \triangle$ と同じ22個。
 $24 + 22 + 22 = 68$ (個)

⑥(1) 三角形BCGの面積を $\square \text{ cm}^2$ 、三角形ABCの面積(=三角形DBCの面積)を $\triangle \text{ cm}^2$ とする。

$$8 + \square = \triangle \times \frac{2}{3} \quad 12 + \square = \triangle \times \frac{4}{5}$$

$$\triangle \times \left(\frac{4}{5} - \frac{2}{3} \right) = 4 \quad \triangle = 30 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \square = 12 \text{ (cm}^2\text{)}$$

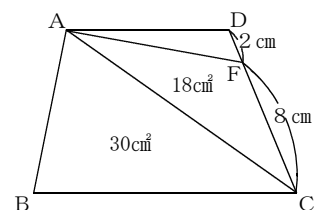
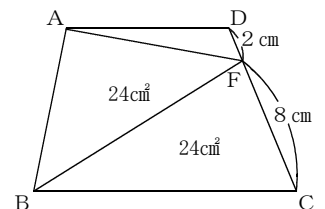
$$BG : GF = 12 : 12 = 1 : 1$$

$$8 \times \frac{1+1}{1} \times \frac{2+1}{2} = 24 \text{ (cm}^2\text{)} \cdots \text{三角形ABF}$$

(2) $12 + 12 = 24$ (cm^2) …三角形FBC
 $24 + 24 = 48$ (cm^2) …四角形ABCF
 $48 - 30 = 18$ (cm^2) …三角形ACF

$$18 \times \frac{5}{4} = 22.5 \text{ (cm}^2\text{)} \cdots \text{三角形ACD}$$

$$AD : BC = \text{三角形ACD} : \text{三角形ABC} = 22.5 : 30 = 3 : 4$$



7(1) 特急列車

$$12 \div 90 \times 60 = 8 \text{ (分)} \cdots AB \quad 9 \div 90 \times 60 = 6 \text{ (分)} \cdots BC$$

普通列車

$$12 \div 60 \times 60 = 12 \text{ (分)} \cdots AB \quad 9 \div 60 \times 60 = 9 \text{ (分)} \cdots BC$$

特急が出発した時間を0分とし、2つの列車の動きをダイヤグラムに表したものが下の図。

14分後の2つの列車のへだたりが9km。

$$(9 - 5) \div (90 - 60) \times 60 = 8 \text{ (分前)}$$

$$\text{午前8時} + 14\text{分} - 8\text{分} = \underline{\underline{\text{午前8時6分}}}$$

(2) へだたりが5kmになるのは、1回目は(1)の時刻。

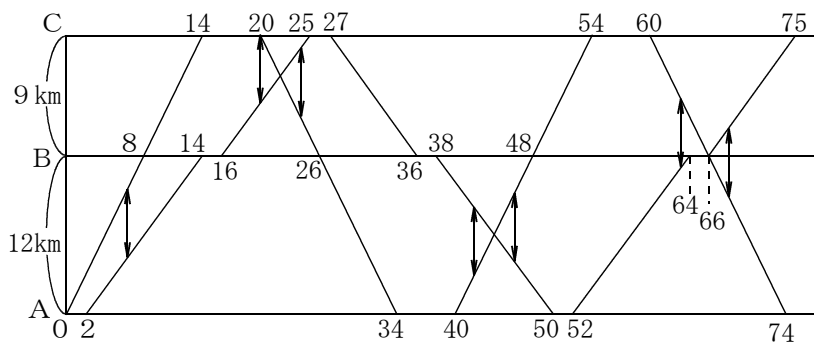
以降は、すれ違ったり追いついたりする前後に5kmになるときがある。

それをふまえて調べると、へだたりが5kmになるのは、ダイヤグラムの↓のところ。

7回目にへだたりが5kmになるのは、66分にすれ違った後。

$$5 \div (90 + 60) \times 60 = 2 \text{ (分)}$$

$$\text{午前8時} + 66\text{分} + 2\text{分} = \underline{\underline{\text{午前9時8分}}}$$



(配点)各5点×20