

1	(1)	383	(2)	$\frac{49}{75}$	(3)	52 (分)
---	-----	-----	-----	-----------------	-----	--------

2	(1)	978	(2)	5 (分)	(3)	285 (m)	(4)	12 (通り)
	(5)	96 (度)	(6)	40.5 (cm <sup>2</sup> )	(7)	263.76 (cm <sup>3</sup> )	(7)	288.88 (cm <sup>2</sup> )

3	(1)	2 個	(2)	16 個
---	-----	-----	-----	------

4	(1)	2800 m	(2)	23 分 20 秒
---	-----	--------	-----	-----------

5	(1)	20 (cm)	(2)	189 (分後)
---	-----	---------	-----	----------

6	(1)	128 通り	(2)	12 通り	(3)	460 通り
---	-----	--------	-----	-------	-----	--------

7	(1)	4.5 cm	(2)	40.5 cm <sup>2</sup>	(3)	103.5 cm <sup>2</sup>
---	-----	--------	-----	----------------------	-----	-----------------------

(配点)

2 ; 各5点×8

その他 ; 各4点×15

1 (3)  $\frac{2}{3}$ 日 = 16時間 = 960分 20秒 =  $\frac{1}{3}$ 分  $\square = 960 \div 24 + 1 \times \frac{1}{3} \times 9 = 40 + 12 = 52$ (分)

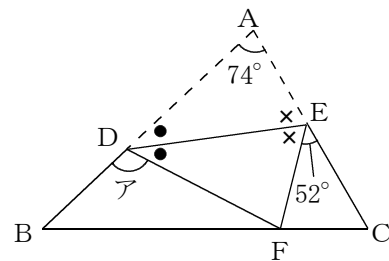
2 (1)  $\left. \begin{array}{l} \div 5 \text{ あまり } 3 \\ \div 7 \text{ あまり } 5 \end{array} \right\}$  不足が2で共通しているので、 $\div 35$ あまり33  
 $(999 - 33) \div 35 = 27$ あまり21  
 $999 - 21 = 978$

(2)  $300 \div 50 = 6$  (本) …丸太の数  $6 - 1 = 5$  (回) …切る回数  
 $5 - 1 = 4$  (回) …休けいの回数  
 $14 \times 5 + \square \times 4 = 90$ (分)  $\square = (90 - 70) \div 4 = 5$ (分)

(3)  $\square + 120 = \underbrace{(A \text{ の速さ} - 18)}_{\text{①}} \times 45 = \underbrace{(A \text{ の速さ} + 18)}_{\text{⑤}} \times 9$   
 $\text{④} = 36$ (m/秒)  $\text{①} = 9$ (m/秒)  $\square = 9 \times 45 - 120 = 285$ (m)

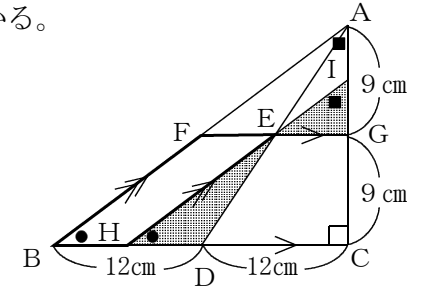
(4) 赤玉の場所から考える。  
 $\square\square\square\square\square \rightarrow$  (赤ア赤イウ) 白玉の入れ方はイ, ウの2通り。  
 (赤アイ赤ウ) 白玉の入れ方はア, イの2通り。  
 (赤アイウ赤) 白玉の入れ方はイの1通り。  
 (ア赤イ赤ウ) 白玉の入れ方はア, イ, ウの3通り。  
 (ア赤イウ赤) 白玉の入れ方はイ, ウの2通り。  
 (アイ赤ウ赤) 白玉の入れ方はア, イの2通り。  
 よって,  $2 + 2 + 1 + 3 + 2 + 2 = 12$ (通り)

(5)  $\times = (180 - 52) \div 2 = 64$ (度)  
 $\bullet = 180 - (64 + 74) = 42$ (度)  
 $\text{ア} = 180 - 42 \times 2 = 96$ (度)



(6)  $FE = EG = 12 \div 2 = 6$ (cm)

四角形BHEFは条件より, 平行四辺形と分かる。  
 $FE = BH$ となるので,  $BH = HD = 6$ (cm)  
 三角形ABCと三角形IHCは相似。  
 相似比  $BC : HC = 24 : (6 + 12) = 4 : 3$   
 $IC$ の長さは,  $18 \times \frac{3}{4} = 13.5$ (cm)  
 よって, 網目部分の面積の合計は,  
 $18 \times 13.5 \div 2 - (6 + 12) \times 9 \div 2 = 40.5$ ( $\text{cm}^2$ )

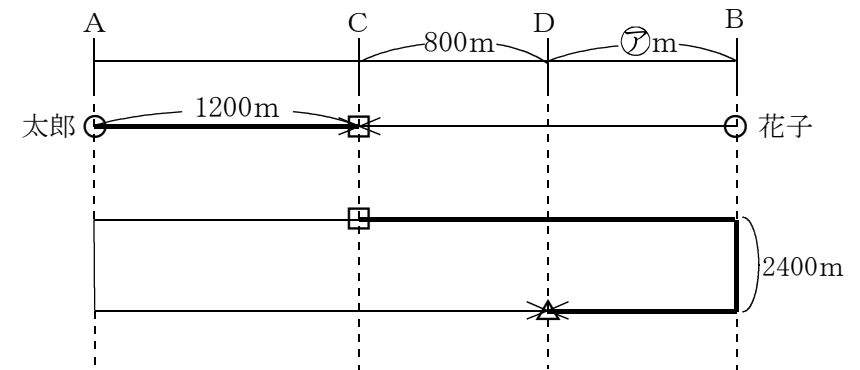


(7) 体積(㉞);  $4 \times 4 \times \pi \times 6 - 2 \times 2 \times \pi \times 3 = 84 \times \pi = 263.76$ ( $\text{cm}^3$ )  
 表面積(㉟);  $4 \times 4 \times \pi \times 2 + 4 \times \pi \times 3 + 8 \times \pi \times 6 = 92 \times \pi = 288.88$ ( $\text{cm}^2$ )

3 (1) 予定では, かきはみかんよりも,  $120 \div (90 - 60) = 4$ (個)多く買う。  
 予定では, りんごはみかんよりも,  $360 \div (120 - 60) = 6$ (個)多く買う。  
 よって, かきとりんごの個数の差は,  $6 - 4 = 2$ (個)

(2)  $(5400 - 90 \times 4 - 120 \times 6) \div (90 + 60 + 120) = 16$ (個)

4 (1) 花子の速さの方が太郎より速いので, 2人のはじめから2回目の出会いまでの状況は下の線分図のようになる。1回目の出会いまでに2人が進んだ距離の和がAB, 1回目の出会いから2回目の出会いまでに2人が進んだ距離の和がAB×2なので, 太郎は1回目の出会いから2回目の出会いまでに,  $1200 \times 2 = 2400$ (m)進む。



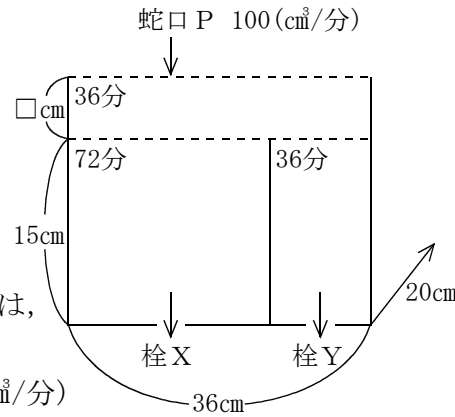
$800 + \text{㉞} + \text{㉞} = 2400$ (m)  $\text{㉞} = 800$ (m)  
 AB間の距離は,  $1200 + 800 + 800 = 2800$ (m)

4(続き)

- (2) 太郎と花子は、 $1200 \div 60 = 20$ (分後)にはじめて出会う。  
 花子の速さは、 $(800 + 800) \div 20 = 80$ (m/分)となる。  
 太郎の往復にかかる時間は、 $2800 \times 2 \div 60 = 93\frac{1}{3}$ (分)  
 花子の往復にかかる時間は、 $2800 \times 2 \div 80 = 70$ (分)  
 よって、2人の往復にかかる時間の差は、 $93\frac{1}{3} - 70 = 23\frac{1}{3}$ (分)  $\rightarrow$  23分20秒

5

- (1) グラフより、蛇口Pから入る水の量は、  
 $36 \times 20 \times 15 \div 108 = 100$ ( $\text{cm}^3/\text{分}$ )  
 $100 \times (144 - 108) \div (36 \times 20) = 5$ (cm)  $\dots$  □  
 よって、 $\text{ア} = 15 + 5 = \underline{20}$ (cm)
- (2) グラフより、栓XとYから出る水の量の合計は、  
 $36 \times 20 \times 5 \div (153 - 144) = 400$ ( $\text{cm}^3/\text{分}$ )  
 1つの栓から出る水の量は、 $400 \div 2 = 200$ ( $\text{cm}^3/\text{分}$ )  
 しきりの左側の長さは、 $36 \times \frac{72}{72 + 36} = 24$ (cm)  
 153分後からAB側が空になるまでの時間は、 $24 \times 20 \times 15 \div 200 = 36$ (分)  
 よって、 $\text{イ} = 153 + 36 = \underline{189}$ (分後)

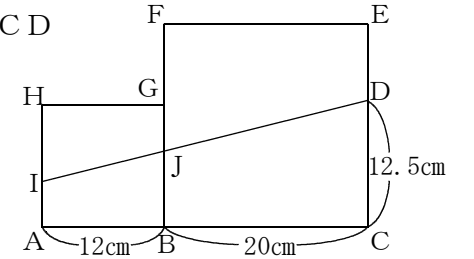


6

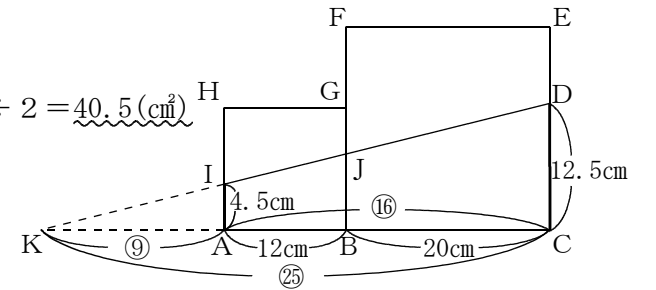
- (1) 7回のゲームをした結果、引き分けるためには、全てのゲームでAさんとBさんが同じカードを出して引き分ける必要がある。  
 1回のゲームにおいて、(①, ①), (②, ②)の2通りの引き分け方があるので、  
 $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = \underline{128}$ (通り)
- (2) 5回のゲームをした結果、引き分けになるのは、2勝2敗1引き分けのとき。  
 最後の1回は引き分けになるので、 $\boxed{4\text{回}} \triangle$ となる。  
 勝敗が決まる時、カードの出し方は決まる。  
 ${}^4C_2 \times 2 = \underline{12}$ (通り)
- (3) (1), (2)以外でゲームをした結果、引き分けになるのは、1勝1敗4引き分けのとき。  
 最後の1回は引き分けになるので、 $\boxed{5\text{回}} \triangle$ となる。  
 何回目のゲームで勝敗が決まるかを考えると、  
 ${}^5C_1 \times {}^4C_1 = 20$ (通り)  $20 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 320$ (通り)  
 よって、 $128 + 12 + 320 = \underline{460}$ (通り)

7

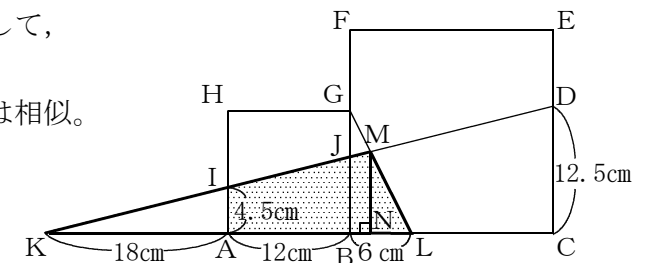
- (1)  $(12 \times 12 + 20 \times 20) \div 2 = 272$ ( $\text{cm}^2$ )  $\dots$  台形IACD  
 $(AI + 12.5) \times 32 \div 2 = 272$ ( $\text{cm}^2$ )  
 $AI = 272 \times 2 \div 32 - 12.5 = \underline{4.5\text{cm}}$



- (2) 右下の図より、三角形IKAと三角形DKCは相似。  
 相似比は、 $4.5 : 12.5 = 9 : 25$   
 ⑩ = 32(cm) より、① = 2(cm)  
 ⑨ = 18(cm) なので、 $18 \times 4.5 \div 2 = \underline{40.5}$ ( $\text{cm}^2$ )



- (3) 点MからBC上に垂線を下ろして、  
 交わった点をNとする。  
 三角形GBLと三角形MNLは相似。  
 隣辺比は、 $12 : 6 = 2 : 1$   
 また、三角形IKAと三角形MKNは相似。隣辺比は、  
 $4.5 : 18 = 1 : 4$   
 $NL : MN = 1 : 2$ ,  $MN : KN = 1 : 4$  より、  
 $NL : MN : KN = 1 : 2 : 8$   
 $MN = 36 \times \frac{2}{1 + 8} = 8$ (cm)  
 四角形IALMの面積は、 $36 \times 8 \div 2 - 40.5 = \underline{103.5}$ ( $\text{cm}^2$ )



(配点) 2; 各5点×8, その他; 各4点×15