

1	(1)	403	(2)	20200	(3)	22	(4)	1
---	-----	-----	-----	-------	-----	----	-----	---

2	(1)	8	(2)	450 (g)	(3)	8 (人)	(4)	48 (回)
---	-----	---	-----	---------	-----	-------	-----	--------

3	(1)	48 (度)	(2)	84 (cm <sup>2</sup> )	(3)	ア 162 (cm <sup>3</sup> )	(3)	イ 276.28 (cm <sup>2</sup> )
---	-----	--------	-----	-----------------------	-----	--------------------------	-----	-----------------------------

4	(1)	24 cm <sup>2</sup>	(2)	31.5 cm <sup>2</sup>	(3)	3 : 5
---	-----	--------------------	-----	----------------------	-----	-------

5	(1)	6 分	(2)	16 分	(3)	54 $\frac{2}{3}$ 分後
---	-----	-----	-----	------	-----	---------------------

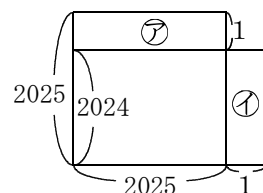
6	(1)	9 個	(2)	25 個	(3)	40 個
---	-----	-----	-----	------	-----	------

7	(1)	54 cm <sup>2</sup>	(2)	108 cm <sup>3</sup>	(3)	153 cm <sup>2</sup>
---	-----	--------------------	-----	---------------------	-----	---------------------

(配点)  
1 ; 各 5 点 × 4  
その他 ; 各 4 点 × 20

1

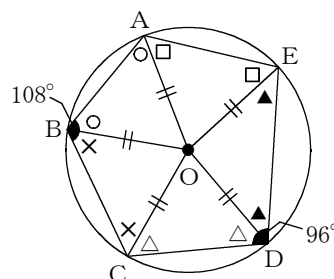
- (4) 面積図にすると右のようになる。  
求める答えは、⑦-④と同じ。  
よって、 $1 \times 2025 - 2024 \times 1 = \underline{1}$



2

- (1)  $\frac{1}{7} = 0.14285714\cdots \rightarrow$  「142857」のくり返し。  
 $2026 \div 6 = 337(\text{セット})\text{あまり}4 \rightarrow$  よって、 $\underline{8}$
- (2) 食塩の量が一定なので、食塩水の重さの比と濃さの比は逆比になる。  
はじめの食塩水と後の食塩水の濃さの比は、 $8 : 12 = 2 : 3$ より、  
食塩水の重さの比は  $3 : 2$ 。  
よって、 $150 \times \frac{3}{3-2} = \underline{450}(\text{g})$
- (3) 0点から2点までの人数は、 $1 + 5 + 2 = 8(\text{人})$   
3点の人は、クラスで9番目から12番目にあたる。  
クラス的人数が最も多いときは、 $12 \times 2 - 1 = 23(\text{人})$   
よって、 $23 - (1 + 5 + 2 + 4 + 3) = \underline{8}(\text{人})$
- (4)  $2 \times 4 \times 6 \times \cdots \times 196 \times 198 \times 200 = \underbrace{2 \times \cdots \times 2}_{100\text{個}} \times (1 \times 2 \times \cdots \times 100)$   

$$\begin{array}{r} 3 \overline{)100} \\ 3 \overline{)33} \\ 3 \overline{)11} \\ 3 \overline{)3} \\ \hline 1 \end{array}$$
 よって、 $33 + 11 + 3 + 1 = \underline{48}(\text{回})$



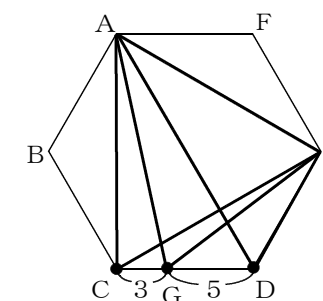
3

- (1) 中心と円周上の点を結ぶと右の図のようになる。  
(○×△▲□)×2=540(度)  
(○×△▲)×2=(108+96)×2=408(度)  
これらより、□×2=540-408=132(度)  
よって、角AOE=180-132=48(度)
- (2) 三角形BFDと三角形CEFにそれぞれ三角形BCFをつけたしても、差は変わらないので、  
三角形BFD-三角形CEF=三角形BCD-三角形BCE  
=三角形ABC× $\frac{3}{4}$ -三角形ABC× $\frac{2}{3}$ =三角形ABC× $\frac{1}{12}$   
よって、 $7 \div \frac{1}{12} = \underline{84}(\text{cm}^2)$

- (3) 立方体から四角柱を取りのぞけばよいので、求める体積は、  
 $6 \times 6 \times 6 - 3 \times 3 \times 6 = 216 - 54 = \underline{162}(\text{cm}^3) \cdots \text{ア}$   
表面積は四角柱，円柱の順にくり抜いたときの増減で考える。  
四角柱；減る  $3 \times 3 \times 2 = 18(\text{cm}^2)$   
増える  $3 \times 4 \times 6 = 72(\text{cm}^2)$  } +54cm<sup>2</sup>  
円柱；減る  $1 \times 1 \times \pi \times 4 = 4 \times \pi(\text{cm}^2)$   
増える  $1 \times 2 \times \pi \times (6-3) = 6 \times \pi(\text{cm}^2)$  } +2×πcm<sup>2</sup>  
よって、 $6 \times 6 \times 6 + 54 + 2 \times \pi = \underline{276.28}(\text{cm}^2) \cdots \text{イ}$

4

- (1)  $72 \times \frac{1}{3} = \underline{24}(\text{cm}^2)$
- (2) 三角形AGFと三角形FGEは底辺がFGで共通なので、面積の比は高さの比と同じになる。三角形AGF：三角形FGE=AH：HE=16：13  
三角形FGE=24× $\frac{13}{16} = 19.5(\text{cm}^2)$   
よって、三角形AGE=三角形AGF+三角形FGE-三角形AEF  
=24+19.5-72× $\frac{1}{6} = \underline{31.5}(\text{cm}^2)$
- (3) 三角形ADE=72× $\frac{1}{3} = 24(\text{cm}^2)$  三角形ACE=72× $\frac{1}{2} = 36(\text{cm}^2)$   
面積の変化量を利用すると、  
CG：GD=(三角形ACE-三角形AGE)：(三角形AGE-三角形ADE)  
=(36-31.5)：(31.5-24)  
=4.5：7.5= $\underline{3:5}$



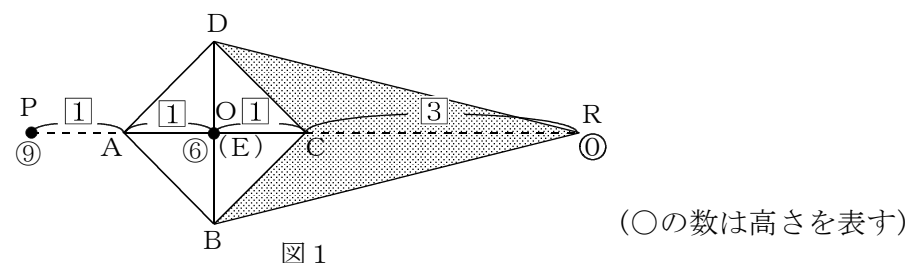
- 

6

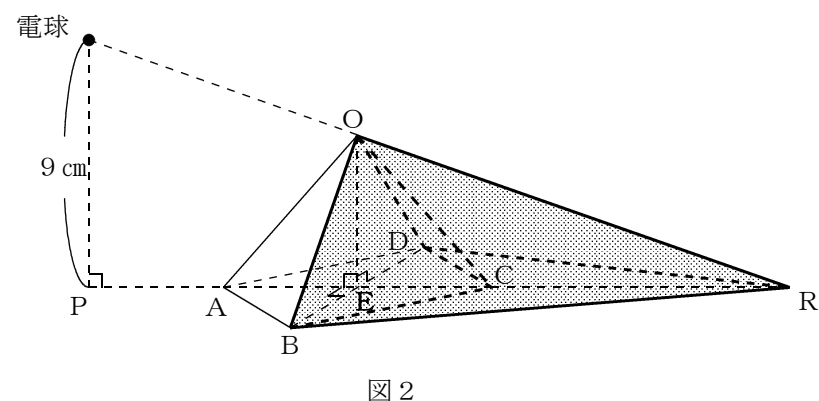
- (3) 3けたの整数をキクケとすると、整数Aはキクケキクケ、  
整数Bはキクキクキクとなる。(2)より、  
キクケキクケ=キクケ $\times 7 \times 11 \times 13$   
キクキクキク=キク $\times 3 \times 7 \times 13 \times 37$   
819=3 $\times 3 \times 7 \times 13$ より、整数Aが819の倍数になるにはキクケが9の倍数になり、整数Bが819の倍数になるにはキクが3の倍数になればよい。
- キ+ク → ケ      キとクの組み合わせ
- |    |     |   |  |
|----|-----|---|--|
| 3  | 6   | → | (1, 2), (2, 1), (3, 0)の3通り   |
| 6  | 3   | → | (1, 5), (2, 4), (3, 3), (4, 2), (5, 1)<br>(6, 0)の6通り                         |
| 9  | 0か9 | → | (1, 8), (2, 7), (3, 6), (4, 5), (5, 4)<br>(6, 3), (7, 2), (8, 1), (9, 0)の9通り |
| 12 | 6   | → | (3, 9), (4, 8), (5, 7), (6, 6), (7, 5)<br>(8, 4), (9, 3)の7通り                 |
| 15 | 3   | → | (6, 9), (7, 8), (8, 7), (9, 6)の4通り   |
| 18 | 0か9 | → | (9, 9)の1通り   |
- よって、 $3 + 6 + 9 \times 2 + 7 + 4 + 1 \times 2 = 40$ (個)

7

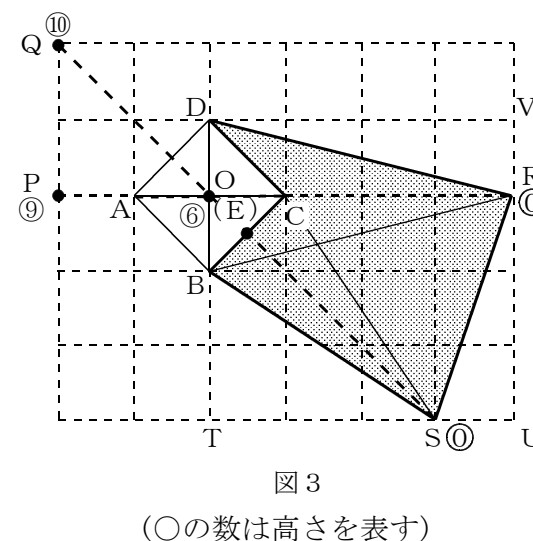
- (1) 上から見た図で考える。点Oの地面にできる影を点Rとすると、  
 高さの変化量より、(点P～点E) : (点E～点R) = (9 - 6) : 6 = 1 : 2  
 $PA = \boxed{1}$ とすると、長さの関係は図1のようになり、影は網目部分になる。  
 $\text{三角形} CDE = 6 \times 6 \div 4 = 9 (\text{cm}^2)$   
 よって、影の面積は、 $9 \times 3 \times 2 = \underline{54 (\text{cm}^2)}$



- (2) 正四角すいO-ABCDの影の部分は図2の網目部分になる。  
 よって、影の部分の体積は三角すいO-BCRの2つ分なので、  
 $54 \div 2 \times 6 \times \frac{1}{3} \times 2 = \underline{108 (\text{cm}^3)}$



- (3) 電球を点Qから10cmの所に移動させたときにできる点Oの影を点Sとする。  
 長さの関係は図3のようになり、求める影は網目部分になる。  
 網目部分は、正方形DTUVから引けばよい。  
 $4 \times 4 - (2 \times 1 \div 2 + 4 \times 1 \div 2 + 1 \times 3 \div 2 + 3 \times 2 \div 2)$   
 $= 16 - (1 + 2 + 1.5 + 3) = 16 - 7.5 = 8.5 (\text{マス})$   
 1マス分の面積は、 $6 \times 6 \div 2 = 18 (\text{cm}^2)$   
 よって、 $18 \times 8.5 = \underline{153 (\text{cm}^2)}$



(配点)  $\boxed{1}$  ; 各5点×4, その他 ; 各4点×20