

1	(1)	403	(2)	20200	(3)	22	(4)	1
---	-----	-----	-----	-------	-----	----	-----	---

2	(1)	8	(2)	450 (g)	(3)	8 (人)	(4)	48 (回)
---	-----	---	-----	---------	-----	-------	-----	--------

3	(1)	48 (度)	(2)	84 (cm²)	(3) ア	162 (cm³)	(3) イ	276.28 (cm³)
---	-----	--------	-----	----------	-------	-----------	-------	--------------

4	(1)	24 cm²	(2)	31.5 cm²	(3)	3 : 5
---	-----	--------	-----	----------	-----	-------

5	(1)	6 分	(2)	16 分	(3)	54 $\frac{2}{3}$ 分後
---	-----	-----	-----	------	-----	---------------------

6	(1)	9 個	(2)	25 個	(3)	40 個
---	-----	-----	-----	------	-----	------

7	(1)	54 cm²	(2)	108 cm³	(3)	153 cm²
---	-----	--------	-----	---------	-----	---------

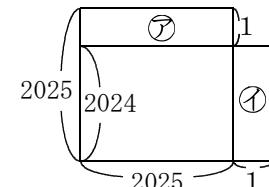
(配点)

1 ; 各 5 点 × 4
その他 ; 各 4 点 × 20

1 (4) 面積図にすると右のようになる。

求める答えは、②-①と同じ。

よって、 $1 \times 2025 - 2024 \times 1 = 1$



2 (1) $\frac{1}{7} = 0.14285714\cdots \rightarrow \text{「142857」のくり返し。}$

$2026 \div 6 = 337$ (セット)あまり 4 → よって、8

(2) 食塩の量が一定なので、食塩水の重さの比と濃さの比は逆比になる。

はじめの食塩水と後の食塩水の濃さの比は、 $8 : 12 = 2 : 3$ より、

食塩水の重さの比は $3 : 2$ 。

よって、 $150 \times \frac{3}{3-2} = 450$ (g)

(3) 0点から2点までの人数は、 $1 + 5 + 2 = 8$ (人)

3点の人は、クラスで9番目から12番目にあたる。

クラスの人数が最も多いときは、 $12 \times 2 - 1 = 23$ (人)

よって、 $23 - (1 + 5 + 2 + 4 + 3) = 8$ (人)

(4) $2 \times 4 \times 6 \times \cdots \times 196 \times 198 \times 200 = \underbrace{2 \times \cdots \times 2}_{100\text{個}} \times (1 \times 2 \times \cdots \times 100)$

$$\begin{array}{r} 3) 100 \\ 3) 33 \\ 3) 11 \\ 3) 3 \\ 1 \end{array} \quad \text{よって, } 33+11+3+1=48(\text{回})$$

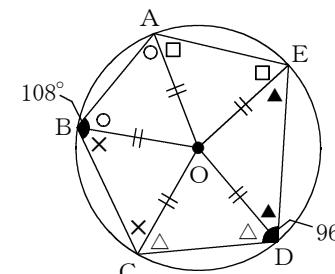
3 (1) 中心と円周上の点を結ぶと右の図のようになる。

$$(\bigcirc \times \triangle \blacktriangle \square) \times 2 = 540\text{(度)}$$

$$(\bigcirc \times \triangle \blacktriangle) \times 2 = (108+96) \times 2 = 408\text{(度)}$$

これらより、 $\square \times 2 = 540 - 408 = 132$ (度)

よって、角AOE = $180 - 132 = 48$ (度)



(2) 三角形BFDと三角形CEFにそれぞれ三角形BCFをつけたしても、差は変わらないので、

$$\text{三角形BFD} - \text{三角形CEF} = \text{三角形BCD} - \text{三角形BCE}$$

$$= \text{三角形ABC} \times \frac{3}{4} - \text{三角形ABC} \times \frac{2}{3} = \text{三角形ABC} \times \frac{1}{12}$$

よって、 $7 \div \frac{1}{12} = 84$ (cm²)

(3) 立方体から四角柱を取りのぞけばよいので、求める体積は、

$$6 \times 6 \times 6 - 3 \times 3 \times 6 = 216 - 54 = 162\text{(cm}^3\text{)} \cdots \text{ア}$$

表面積は四角柱、円柱の順にくり抜いたときの増減で考える。

$$\left. \begin{array}{l} \text{四角柱 ; 減る } 3 \times 3 \times 2 = 18\text{(cm}^2\text{)} \\ \text{増える } 3 \times 4 \times 6 = 72\text{(cm}^2\text{)} \end{array} \right\} + 54\text{cm}^2$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{円柱 ; 減る } 1 \times 1 \times \pi \times 4 = 4 \times \pi\text{(cm}^2\text{)} \\ \text{増える } 1 \times 2 \times \pi \times (6-3) = 6 \times \pi\text{(cm}^2\text{)} \end{array} \right\} + 2 \times \pi\text{cm}^2$$

よって、 $6 \times 6 \times 6 + 54 + 2 \times \pi = 276.28\text{(cm}^3\text{)} \cdots \text{イ}$

4 (1) $72 \times \frac{1}{3} = 24\text{(cm}^2\text{)}$

(2) 三角形AGFと三角形FGEは底辺がFGで共通なので、面積の比は高さの比と同じになる。三角形AGF : 三角形FGE = AH : HE = 16 : 13

$$\text{三角形FGE} = 24 \times \frac{13}{16} = 19.5\text{(cm}^2\text{)}$$

よって、三角形AGE = 三角形AGF + 三角形FGE - 三角形AEF

$$= 24 + 19.5 - 72 \times \frac{1}{6} = 31.5\text{(cm}^2\text{)}$$

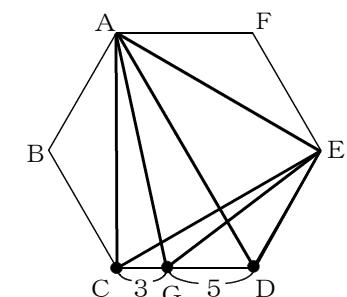
(3) 三角形ADE = $72 \times \frac{1}{3} = 24\text{(cm}^2\text{)}$ 三角形ACE = $72 \times \frac{1}{2} = 36\text{(cm}^2\text{)}$

面積の変化量を利用すると、

$$\text{CG : GD} = (\text{三角形ACE} - \text{三角形AGE}) : (\text{三角形AGE} - \text{三角形ADE})$$

$$= (36 - 24) : (24 - 24)$$

$$= 4.5 : 7.5 = 3 : 5$$

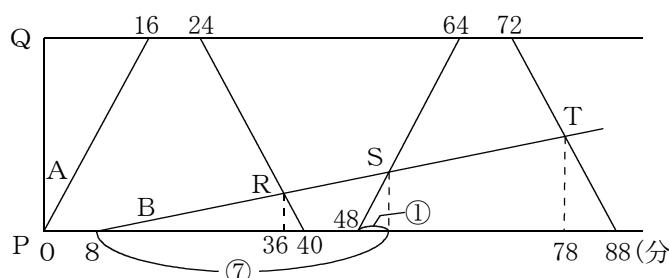


5

- (1) R T 間の距離一定より、 A と B の速さの比は 7 : 1 なので、 時間の比は逆比の
 $1 : 7$ 。よって、 $42 \div 7 = 6$ (分)

- (2) A が 2 回目に R 地点を通ってから 4 回目に R 地点を通るまでの時間は、
 $42 + 6 = 48$ (分)
 48 分間で P Q 間を往復し、 2 回休んでいるので、 P Q 間にかかる時間は、
 $48 \div 2 \times \frac{2}{1+2} = 16$ (分) 休みは、 $24 - 16 = 8$ (分)

- (3) わかる条件をかきこむと、 下のダイヤグラムになる。 P S 間の距離一定に注目すると、 $48 + (48 - 8) \times \frac{1}{7-1} = 54\frac{2}{3}$ (分後)



- (3) 3 けたの整数をキクケとすると、 整数 A はキクケキクケ、
 整数 B はキクキクキクとなる。(2)より、
 $\text{キクケキクケ} = \text{キクケ} \times 7 \times 11 \times 13$
 $\text{キクキクキク} = \text{キク} \times 3 \times 7 \times 13 \times 37$
 $819 = 3 \times 3 \times 7 \times 13$ より、 整数 A が 819 の倍数になるには キクケが 9 の倍数になり、 整数 B が 819 の倍数になるには キクが 3 の倍数になればよい。

キ+ク → ケ キとクの組み合わせ

3	6	→	(1, 2), (2, 1), (3, 0) の 3 通り
6	3	→	(1, 5), (2, 4), (3, 3), (4, 2), (5, 1) (6, 0) の 6 通り
9	0 か 9	→	(1, 8), (2, 7), (3, 6), (4, 5), (5, 4) (6, 3), (7, 2), (8, 1), (9, 0) の 9 通り
12	6	→	(3, 9), (4, 8), (5, 7), (6, 6), (7, 5) (8, 4), (9, 3) の 7 通り
15	3	→	(6, 9), (7, 8), (8, 7), (9, 6) の 4 通り
18	0 か 9	→	(9, 9) の 1 通り

よって、 $3 + 6 + 9 \times 2 + 7 + 4 + 1 \times 2 = 40$ (個)

6

- (1) 3 けたの整数をアイウとすると、 整数 A はアイウアイウ、
 整数 B はアイアイアイとなる。

アイウアイウ = アイアイアイより、 ア=イ=ウとなる。

ア=イ=ウ = 1 から 9 までの整数より、
 3 けたの整数は 111 から 999 までの 9 個。

- (2) 3 けたの整数をエオカとすると、 整数 A はエオカエオカ、
 整数 B はエオエオエオとなる。

エオカエオカ = エオカ × 1000 + エオカ = エオカ × $\underline{\underline{1001}}$

$$7 \times 11 \times 13$$

エオエオエオ = エオ × 10000 + エオ × 100 + エオ = エオ × $\underline{\underline{10101}}$
 $3 \times 7 \times 13 \times 37$

整数 B は必ず 37 の倍数になるので、 整数 A が 37 の倍数になればよい。
 つまり、 エオカが 37 の倍数になればよい。

$$999 \div 37 = 27 \quad 99 \div 37 = 2 \text{ 余り } 25$$

よって、 考えられるエオカは、 $27 - 2 = 25$ (個)

7

- (1) 上から見た図で考える。点Oの地面にできる影を点Rとすると、
高さの変化量より、(点P～点E) : (点E～点R) = (9 - 6) : 6 = 1 : 2
PA = 1 とすると、長さの関係は図1のようになり、影は網目部分になる。
三角形CDE = $6 \times 6 \div 4 = 9 (\text{cm}^2)$
よって、影の面積は、 $9 \times 3 \times 2 = 54 (\text{cm}^2)$

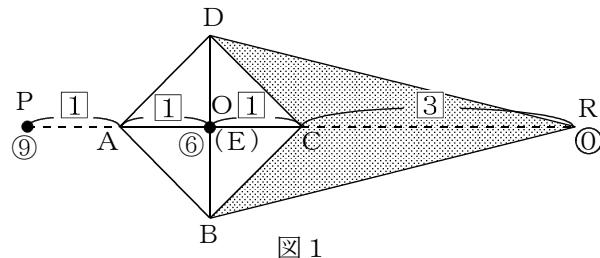


図1 (○の数は高さを表す)

- (2) 正四角すいO-ABCDの影の部分は図2の網目部分になる。
よって、影の部分の体積は三角すいO-BCRの2つ分なので、
 $54 \div 2 \times 6 \times \frac{1}{3} \times 2 = 108 (\text{cm}^3)$

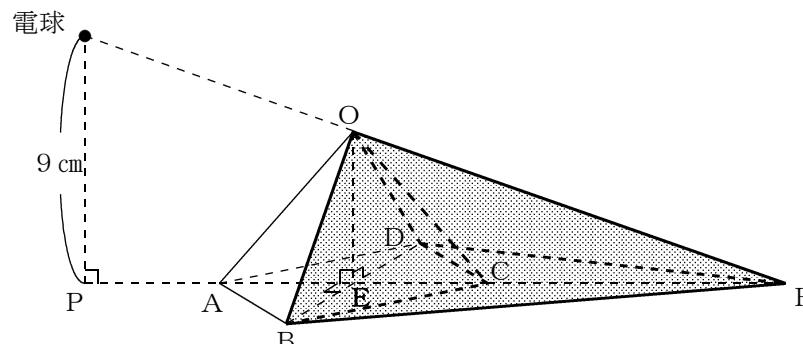


図2

- (3) 電球を点Qから10cmの所に移動させたときにできる点Oの影を点Sとする。
長さの関係は図3のようになり、求める影は網目部分になる。
網目部分は、正方形DTUVから引けばよい。
 $4 \times 4 - (2 \times 1 \div 2 + 4 \times 1 \div 2 + 1 \times 3 \div 2 + 3 \times 2 \div 2)$
 $= 16 - (1 + 2 + 1.5 + 3) = 16 - 7.5 = 8.5 (\text{マス})$
1マス分の面積は、 $6 \times 6 \div 2 = 18 (\text{cm}^2)$
よって、 $18 \times 8.5 = 153 (\text{cm}^2)$

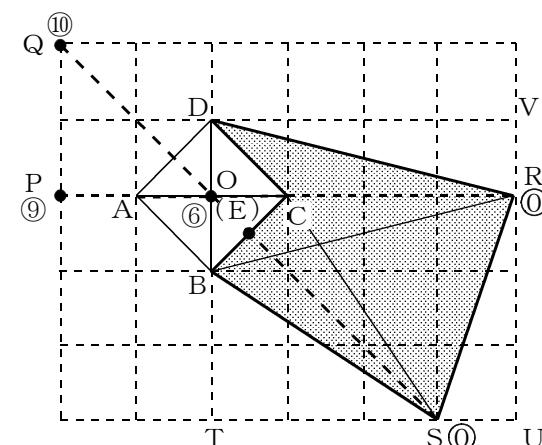


図3 (○の数は高さを表す)

(配点) 1; 各5点×4, その他; 各4点×20